

ثنايقطب RL

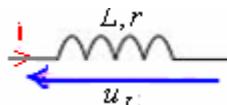
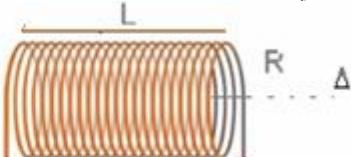
I دورة كهربائية في دائرة:

(1) تعریف الوشیعة :

الوشیعة ثانی قطب غير نشیط (يلعب دور مستقبل في دائرة كهربائية) ، تتكون الوشیعة من سلك موصل ملفوف بانتظام حول أسطوانة عازلة

الأسلك المستعملة في الوشیعة مطلية بمادة عازلة ذات مقاومة ضعیفة.

L : طول الوشیعة
R : شعاع الوشیعة
Δ : محور الوشیعة



تمثل الوشیعة ذات المقاومة Δ ، في دائرة كهربائية كما يلي:

في اصطلاح المستقبل ، التوتر بين مربطي الوشیعة وشدة التيار الكهربائي الذي يعبرها لهما متحييان متعاكسان.

وتميز الوشیعة بمعامل تحریضها الذاتی L الذي يعبر عنه في النظام العالمي للوحدات بالهینری Henry الرمز المستعمل H .

ملحوظة : معامل تحریض الوشیعة يتعلق بطولها وعدد لفاتها ومساحة مقطعها وكذلك بطبيعة الوسط الذي توجد فيه ، لذلك يزداد هذا المعامل عند إدخال نواة من الحديد المطاوع بداخل الوشیعة.

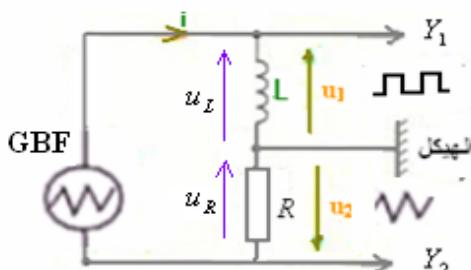
$$u_L = r.i + L \cdot \frac{di}{dt}$$

التوتر بين مربطي الوشیعة :

(2) التوتر بين مربطي الوشیعة :

وفي التيار الكهربائي المستمر تكون شدة التيار I ثابتة و $\frac{di}{dt} = 0$ و يكون التوتر بين مربطيها $u_L = r.I$

وبذلك تصرف الوشیعة في التيار الكهربائي المستمر كموصل اومي.



(3) الآثار التجاریي لمعامل تحریض الوشیعة :

(أ) تجربة :

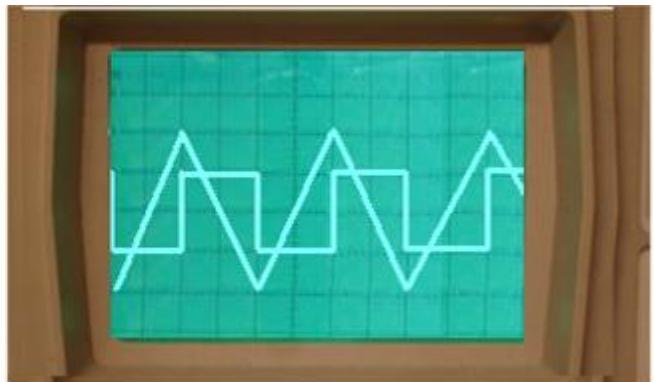
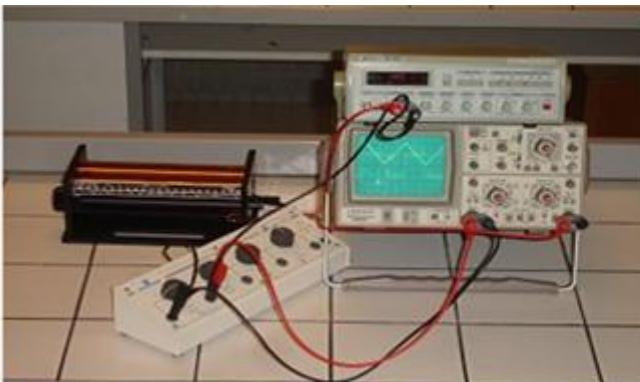
نستعمل مولدا للترددات المنخفضة GBF وتنجز التركيب التالي:

الوشیعة المستعملة في هذا التركيب ذات مقاومة مهملة .

الموصل الأول من مقاومته $R = 20k\Omega$

(ب) ملاحظات :

نعاين على شاشة راسم التذبذب التوترين u_1 و u_2 على التوالى في المدخلين Y_1 و Y_2



الكسح الأفقي المستعمل $0,05V/div$. الحساسية الرأسية $0,5ms/div$ بالنسبة للمدخل Y_2 وبالنسبة للمدخل Y_1 :

(ج) الستمار نتائج التجربة :

من خلال التركيب يتضح أن التوتر u_1 المعاين على شاشة راسم التذبذب في المدخل Y_1 لأن $0 = \frac{du_1}{dt}$ (1)

والتوتر u_2 المعاين على شاشة راسم التذبذب في المدخل Y_2 لأن $u_2 = -u_R = -R.i$:

$$L = \frac{-u_1 \times R}{\frac{du_2}{dt}}$$

$$\Leftrightarrow u_1 = -\frac{L}{R} \cdot \frac{du_2}{dt}$$

بالتعمیض في العلاقة (1) نجد :

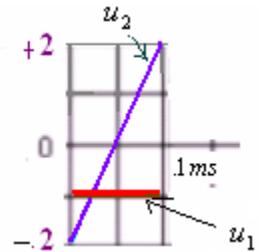
بالتعويض في العلاقة (1) نجد :

بما أن التوترين u_1 و u_2 دوريين يكفي التحقق من هذه العلاقة في المجال $\left[0, \frac{T}{2}\right]$

الدور: $T = 0,5ms / div \times 4div = 2ms$ وبذلك يكون المجال هو: $\left[0, \frac{T}{2}\right] = \left[0, \frac{0,5}{2}\right] = [0, 0,25]$

$$\frac{du_2}{dt} = \frac{\Delta u_2}{\Delta t} = \frac{u_{2\max} - u_{2\min}}{\frac{T}{2} - 0} = \frac{(2 - (-2))V}{(1 - 0)ms} = \frac{4V}{10^{-3}s} = 4.10^3 V/s \quad \text{لدينا: } \left[0, \frac{T}{2}\right] \text{ في المجال}$$

وفي نفس المجال لدينا: $u_1 = -1div \times 0,05V/div = -0,05V$



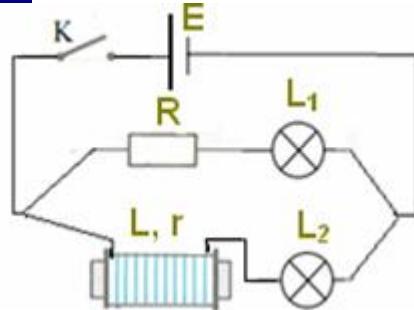
$$L = \frac{-u_1 \times R}{\frac{du_2}{dt}} = \frac{-(-0,05) \times 20 \cdot 10^3}{4 \cdot 10^3} = 0,25 H$$

٤) تأثير وشيعة على مرور التيار في دارة كهربائية:

(أ) تجربة

نجز التركيب التالي:

- الموصل الومي والوشيعة لهما نفس المقاومة $r = R$
- المصابيح L_1 و L_2 مماثلان (متباين).



(ب) ملاحظات وتحليل:

يتاخر في اللumen عند غلق قاطع التيار الكهربائي ويتأخر في الانطفاء عند فتح قاطع التيار ويعزى ذلك إلى المقدار L_2 المصباح.

عند إغلاق قاطع التيار: خلال الفترة الوجيزه التي يقام فيها التيار المقدار $0 < \frac{di}{dt} <$ له نفس اصطلاح المستقبل \rightarrow تعطل إقامة التيار في الدارة.

عند فتح قاطع التيار: خلال الفترة الوجيزه التي يتناقص فيها التيار المقدار $0 > \frac{di}{dt} <$ له نفس اصطلاح المولد \rightarrow تعطل انقطاع التيار في الدارة.

(ج) الاستنتاج:

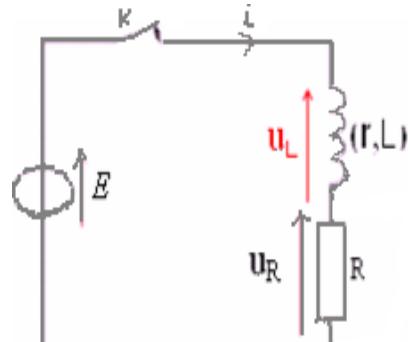
الوشيعة تقاوم إقامة أو انقطاع التيار الكهربائي في الدارة.

III استجابة ثنائية قطب RL لرتبة توتر:

(١) الاستجابة الرئيسية صاعدة للتوتر ((إفادة التيار في الدارة))

(أ) التركيب التجريبي:

نركب على التوالي موصلًا أوميا مقاومتها R ووشيعة معامل تحريضها L و مقاومتها r ، ونخضعه لرتبة صاعدة للتوتر، وذلك بإغلاق قاطع التيار عند $t=0$.



(ب) المعادلة التفاضلية:

بتطبيق قانون تجميع التوترات لدينا :

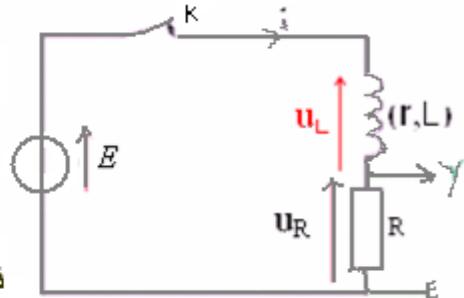
$$u_R + u_L = E \quad \text{و:} \quad u_L = r.i + L \cdot \frac{di}{dt} \quad \text{علاقة التوترات تصبح:}$$

$$(R+r).i + L \cdot \frac{di}{dt} = E \quad \text{نعمل بشدة التيار:} \quad R.i + r.i + L \cdot \frac{di}{dt} = E$$

$$\text{ونضع:} \quad R_T.i + L \cdot \frac{di}{dt} = E \quad \Leftarrow \quad R_T = r + R \quad \text{التي تصبح بعد}$$

$$\tau = \frac{L}{R_T} \quad \text{قسمة الكل على} \quad R_T \quad \text{نضع:} \quad \frac{L}{R_T} \cdot \frac{di}{dt} + i = \frac{E}{R_T} \quad \text{ثابتة الزمن للثانية}$$

القطب RL



وهي المعادلة التفاضلية التي تتحققها شدة التيار الكهربائي في الدارة.

$$\tau \cdot \frac{di}{dt} + i = \frac{E}{R_T}$$

وبذلك المعادلة التفاضلية

ت) حل المعادلة التفاضلية:

$$(1) \text{ عبارة عن دالة أسيّة تكتب على النحو التالي: } i_{(t)} = A e^{-m t} + B \quad \text{حل المعادلة التفاضلية: } \tau \cdot \frac{di}{dt} + i = \frac{E}{R_T}$$

يتم تحديدها بالتعويض في المعادلة التفاضلية وباستعمال الشروط البدئية B و m ، A الثوابت

$$\text{إذن:} \quad \frac{di}{dt} = -m A e^{-m t} \quad \text{نعرض في المعادلة التفاضلية التي تصبح} \quad \tau \cdot m A e^{-m t} + A e^{-m t} + B = \frac{E}{R_T}$$

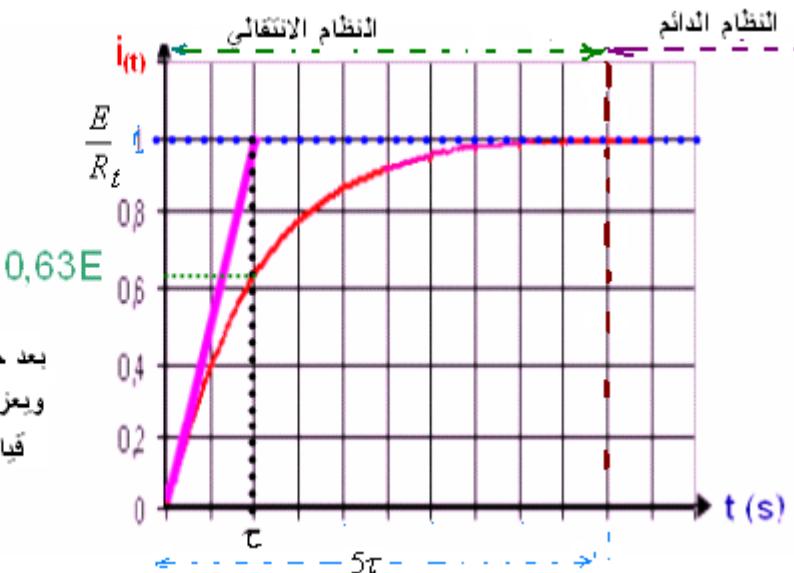
$$\text{لأن } 0 = A e^0 + B \quad \text{أي:} \quad A e^{-m t} (1 - \tau \cdot m) = \frac{E}{R_T} - B \quad (2) \quad \text{لكي تتحقق هذه المعادلة يجب أن يكون معامل:} \quad A e^{-m t} = \frac{E}{R_T} - \tau \cdot m \quad \text{أي:}$$

$$\text{إذن:} \quad m = \frac{1}{\tau} \quad \text{وبذلك (2) تصبح} \quad B = \frac{E}{R_T}.$$

$$(3) \quad i_{(t)} = A e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{E}{R_T} \quad \text{والحل (1) أصبح كما يلي:}$$

$$\text{لدينا } t=0 \quad \text{نعتبر الشروط البدئية: عند اللحظة } 0 = A e^0 + \frac{E}{R_T} \quad \text{ومنه:} \quad 0 = A + \frac{E}{R_T} \quad \text{لتحديد الثابتة } A \quad \text{نحصل على:}$$

$$\text{و الحل النهائي يكتب كما يلي:} \quad i_{(t)} = \frac{E}{R_T} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \quad A = -\frac{E}{R_T}$$



بعد حوالي 5τ يتحقق النظام الدائم في الدارة.

ويعزى ذلك إلى وجود الوسعة التي تقاوم

قيام التيار الكهربائي في الدارة لحظة إغلاقها.

يمثل هذا المحنى التأخر الزمني الذي يحدث عند إقامة التيار في دارة تضم وسعة .

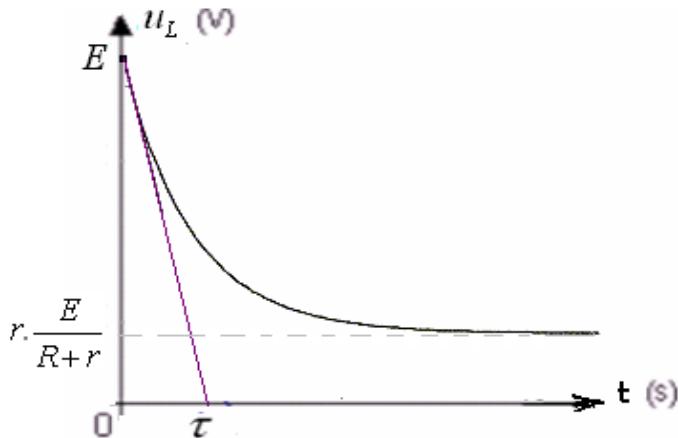
تزداد مدة إقامة التيار في الدارة بتزايد معامل تحريرض الوسعة أو تناقص مقاومة الدارة أي بتزايد τ .

ث) تعبير التوتر بين مرتبتي الوسعة:

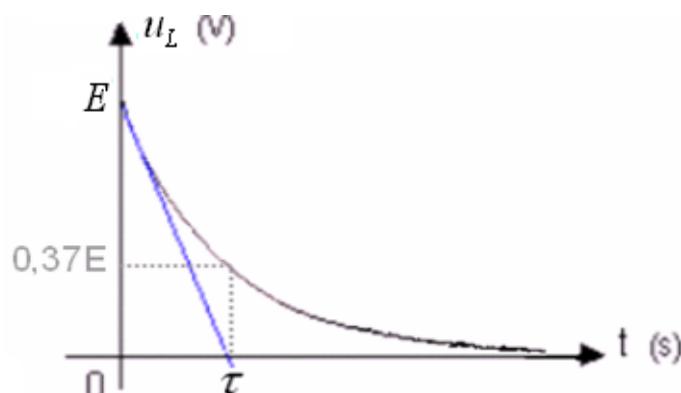
$$u_R + u_L = E \quad \text{حسب قانون إضافية التوترات في الدارة السابقة لدينا:}$$

$$u_L = E - u_R = E - R.i = E - R \cdot \frac{E}{R_t} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

عند اللحظة $t=0$ ، $u_L = E$ ، وفي النظام الدائم عندما تؤول t إلى $+\infty$ تتصرف كموصل أومي.



ملحوظة : إذا كانت مقاومة الوشيعة r مهملاً ، تصبح مقاومة الدارة $R_t = R$ وبالتالي :



ج) معادلة الأبعاد لثابتة الزمن:

$$\begin{aligned} [L] &= \frac{[U][t]}{[I]} & \Leftarrow [U] &= [L] \frac{[I]}{[t]} & \Leftarrow u_L &= L \frac{di}{dt} \\ [R] &= \frac{[U]}{[I]} & \Leftarrow [U] &= [R][I] & \Leftarrow u_R &= R.i : و \\ [\tau] &= \frac{[L]}{[R]} = [U][t][I]^{-1} \times [U]^{-1}[I] = [t] & \Leftarrow \tau &= \frac{L}{R} : \text{و بما أن ثابتة الزمن} \end{aligned}$$

أذن ثابتة الزمن τ لها بعد زمني وحدتها الثانية s .

د) طريقة تحديد ثابتة الزمن :

. $t=\tau$ القيمة $u(t)=Ee^{-\frac{t}{\tau}}$ في العلاقة :

الطريقة الأولى: نعطي للمتغير $t=\tau$ فحصل على قيمة التوتر بين مربطي الوشيعة الموافق لـ $u_c = Ee^{-1} \approx 0.37 E$ فهو :

- أو في العلاقة :

$$i_{(t)} = I_O (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

فحصل على قيمة شدة التيار الكهربائي الذي يعبر الدارة الموافق لـ :

$$t=\tau \quad i = I_O (1 - e^{-1}) = 0.63 I_O$$

الطريقة الثانية: برسم المماس للمنحنى عند اللحظة $t=\tau$ في اللحظة

$$t=0$$
 فهو يتقاطع مع المقارب

(انظر الشكل) . ومع محور الزمن بالنسبة للتوتر.

(2) الاستجابة الرتبية لذرة الكهربائي في الدارة

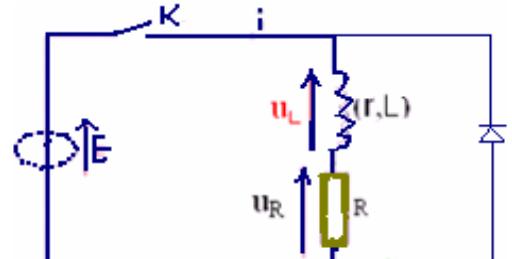
إلى صفر، E فجأة من القيمة RL يتغير التوتر بين مربطي ثانوي القطب K عند فتح قاطع التيار الكهربائي (نقول أنه خضع إلى رتبة توتر نازلة).

نضيف إلى دارة التفريغ صماماً ثناوياً مركباً في المنحى المعاكس بين مربطي الوشيعة لتفادي حدوث ظاهرة فرط التوتر الذي تحدث شرارات بين مربطي الوشيعة وقد يؤدي على إثلاف بعض أجهزة الدارة.

$$\text{مثلاً: } E = 6V \quad \text{وشدة التيار في الدارة} \quad I = 1A \quad \text{و} \quad L = 0.5H$$

ثم فجأة قاطع التيار K ومرة انتظام التيار في الدارة $\Delta t = 1ms$

$$L \frac{di}{dt} = L \frac{\Delta i}{\Delta t} = 0.5 \cdot \frac{0 - 1}{10^{-3}} = 500V$$



عند فتح قاطع التيار، بتطبيق قانون التوترات نجد :

$$u_L + u_R = 0$$

$$\Leftarrow L \frac{di}{dt} + (r + R)i = 0 \quad (\text{أي: } L \frac{di}{dt} + ri + R.i = 0)$$

$$\tau \frac{di}{dt} + i = 0 \quad \text{التي يمكن كتابتها كما يلي:} \quad \frac{L}{R+r} \cdot \frac{di}{dt} + i = 0$$

حل هذه المعادلة يكتب كما يلي:

$$\text{إذن: } i = Ae^{-mt} + B \quad \text{بالتعويض تصبح المعادلة التفاضلية:} \quad \frac{di}{dt} = -mAe^{-mt}$$

$$i = Ae^{-\frac{t}{\tau}} \quad m = \frac{1}{\tau} \quad \text{إذن:} \quad \left\{ \begin{array}{l} 1 - \tau.m = 0 \\ B = 0 \end{array} \right. \quad \Leftarrow Ae^{-mt}(1 - \tau.m) = -B \quad \text{أي:}$$

وباعتبار الشروط البدنية ، عند اللحظة $t=0$ كان النظام الدائم متحققاً $\Leftarrow i = \frac{E}{R+r}$

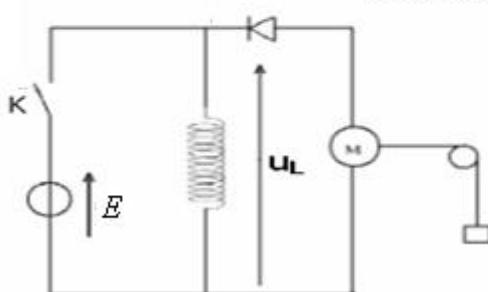
$$i = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}} \quad \text{ومنه:}$$

(III) الطاقة المخزونة في وشيعة

(1) الابرار التجاري

تنجز التركيب التجاري المبين أسفله :

عند غلق قاطع التيار K يمر تيار كهربائي في الوشيعة . يمنع الصمام الثنائي المركب في المنحى الحاجز مرور تيار كهربائي في المحرك عند فتح قاطع التيار K يستغل المحرك فيرتفع الجسم S .



الوشيعة احتزنت طاقة مغناطيسية ثم حررت هذه الطاقة عند فتح الدارة .

(2) تحويل الطاقة المخزونة في وشيعة

تناسب الطاقة المخزونة في وشيعة مع معامل تعريضها L ، ومع مربع شدة التيار الكهربائي الذي يعبرها :

L بالهينري (H) L بالجول (J) L بالأمبير (A).

$$L = \frac{1}{2} L \cdot i^2$$